

# Bab 2. Turunan

#### 2.1 Pendahuluan turunan

# Tim Dosen Kalkulus 1

Arman Haqqi Anna Hengki Tasman Ida Fithriani Siti Aminah Wed Giyarti

Departemen Matematika Fakultas Matematika dan Ilmu Pengetahuan Alam Universitas Indonesia

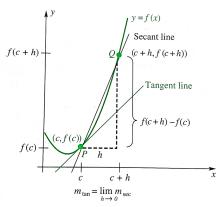




Diketahui grafik fungsi y = f(x).

Garis tali busur (secant line) yang melalui titik P(c,f(c)) dan Q(c+h,f(c+h)) mempunyai kemiringan (slope)

$$m_{\text{sec}} = \frac{f(c+h) - f(c)}{h}.$$







### Definisi 1

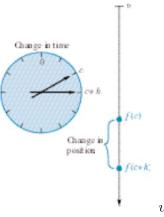
Garis singgung (tangent line) pada kurva y=f(x) di titik P(c,f(c)) adalah garis yang melalui P dengan kemiringan

$$m_{\text{tan}} = \lim_{h \to 0} m_{\text{sec}} = \lim_{h \to 0} \frac{f(c+h) - f(c)}{h},$$

asalkan limit tersebut ada dan bukan  $\infty$  atau  $-\infty$ .



Kecepatan rata-rata (average velocity) adalah jarak dari posisi pertama ke posisi kedua dibagi dengan waktu yang dibutuhkan.



$$v_{avg} = \frac{f(c+h) - f(c)}{h}$$



#### Definisi 2

Jika suatu objek bergerak sepanjang garis koordinat dengan fungsi posisi f(t), maka kecepatan sesaat (instantaneous velocity) objek pada saat t=c adalah

$$v = \lim_{h \to 0} v_{avg} = \lim_{h \to 0} \frac{f(c+h) - f(c)}{h},$$

asalkan limit tersebut ada dan bukan  $\infty$  atau  $-\infty$ .



#### Pustaka



Narberg, D., Purcell, E., Rigdon, S., Calculus, 9th ed., Pearson, 2006.

## Catatan

Beberapa gambar dalam materi ini diambil dari pustaka di atas.



#### VIDEO BANTUAN DANA MATA KULIAH MOOCs DPASDP UI 2020

Copyright © Universitas Indonesia 2020

Produksi Prodi S1 Matematika, Departemen Matematika, FMIPA UI